



# Heuristické optimalizačné procesy



## Hybridné lokálne prehľadávanie

Marian.Mach@tuke.sk

<http://neuron.tuke.sk/~machm>

Marec, 2013

# Hybridné algoritmy

- Kombinovanie jednoduchších stratégií do komplexnejších schém
- Príklady
  - Pridanie triviálnych stratégií
    - RII ( $II + URW$ )
    - II s reštartmi ( $II + URP$ )
  - Kombinovanie dvoch stratégií
    - ILS
    - GRASP
    - AILS

# Iteračné lokálne prehľadávanie

- nevyhýba sa lokálnemu optimu
- dva typy krokov
  - lokálne prehľadávanie (*intenzifikácia hľadania*)
    - dosiahnutie lokálneho optima
  - perturbácia (*diverzifikácia hľadania*)
    - štartovací bod pre nové lokálne prehľadávanie
  - vzťah medzi prehľadávaním a perturbáciou
    - kroky používajú rôzne okolia
- pohyb v priestore lokálnych optím
  - voľba optima pre pokračovanie
- príklad: Iteračný Lin-Kernighan (TSP)

# Štruktúra ILS

- input:  $\pi$
- output:  $r \in S \mid \square$
- $s = \text{init}()$
- $s = \text{localsearch}(s)$
- $r = s$
- **while not**  $\text{term}(s)$
- $s' = \text{perturb}(s)$
- $s'' = \text{localsearch}(s')$
- **if**  $(g(s'') > g(r))$  **then**
- $r = s''$
- **endif**
- $s = \text{accept}(s, s'')$
- **endwhile**

```
if( valid( r ) ) then  
    return r  
else  
    return  $\square$   
endif
```

# Lačné randomizované adaptívne hľadanie

- prehľadávanie začína z čo najlepšieho kandidáta
  - rýchlejšie dosiahnutie lepšieho optima
- dva typy krokov
  - tvorba štartovacieho kandidáta
    - konštrukčné prehľadávanie
  - lokálne zlepšovanie kandidáta
    - perturbačné prehľadávanie
- GRASP (GRA search procedure)
  - G (greedy) R (randomised) A (adaptive)
- SGH - vynechanie perturbačnej fázy

# Štruktúra GRASP

- input:  $\pi$
- output:  $r \in S \mid \square$
- $r = \square$
- $g(r) = -\infty$
- **while not** term(  $s$  )
- $s = \text{construct}()$
- $s' = \text{localsearch}( s )$
- **if**(  $g( s' ) > g( r )$  ) **then**
- $r = s'$
- **endif**
- **endwhile**

```
if( valid(  $r$  ) ) then  
    return  $r$   
else  
    return  $\square$   
endif
```

# GRASP – konštrukčná fáza

- konštrukcia
  - štartuje z prázdneho kandidáta
  - prechádza parciálnymi kandidátmi
    - dopĺňa jednu zložku v každej iterácii
  - končí vytvorením úplného kandidáta
  - generuje rôznych úplných kandidátov
- obmedzený zoznam kandidátov
  - založený na počte (pevne daný počet  $k$ )
    - náhodný výber alebo lačný výber
  - založený na ohodnotení (prah  $k \in \langle 0, 1 \rangle$ )
    - $g(z) \leq g(z_{\perp}) + k \cdot (g(z_{\top}) - g(z_{\perp}))$

# GRASP construct() – greedy-random

- **construct()**
- $x = \square$
- $V = \{ v_1, v_2, \dots, v_n \}$
- **while not** complete( s )
- $SC = \text{sort}( V, g )$
- $RCL = \text{form}( SC, k )$
- $v = \text{select}( RCL )$
- $x = x + v$
- $V = V - v$
- **endwhile**
- **return** x
- **endconstruct**



# GRASP construct() – random-greedy

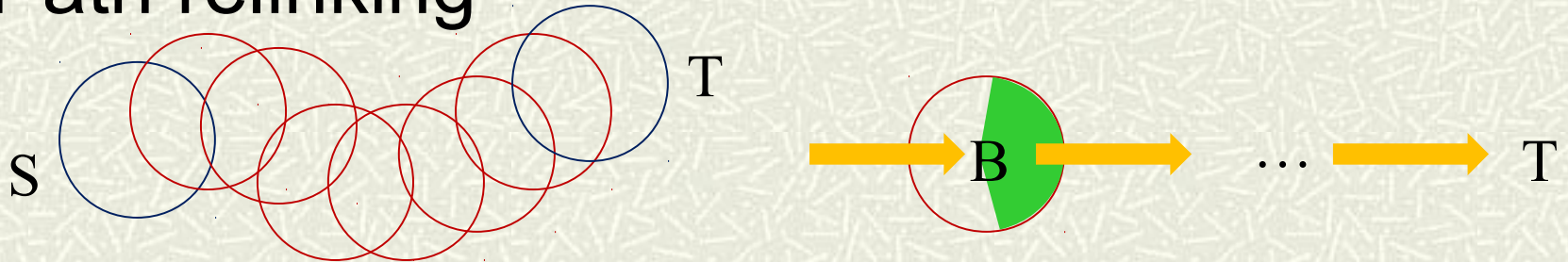
- **construct()**
- $x = \square$
- $V = \{ v_1, v_2, \dots, v_n \}$
- **while not** complete( s )
- RCL = sample( V, k )
- SRCL = sort( RCL, g )
- v = select-best( SRCL )
- $x = x + v$
- $V = V - v$
- **endwhile**
- **return** x
- **endconstruct**

# GRASP construct() – random+greedy

- **construct()**
- $x = \square$
- $V = \{ v_1, v_2, \dots, v_n \}$
- **for**  $i=1, \dots, k$
- $v = \text{select-random}( V )$
- $x = x + v$
- $V = V - v$
- **endfor**
- **while not** complete(  $s$  )
- $SV = \text{sort}( V, g )$
- $v = \text{select-best}( SV )$
- $x = x + v$
- $V = V - v$
- **endwhile**
- **return**  $x$
- **endconstruct**

# GRASP – rozšírenia

## ▪ Path relinking



## ▪ Pridanie k algoritmu

- $s = \text{construct}()$
- $s' = \text{localsearch}(s)$
- **if**( full( BEST ) ) **then**
- $t = \text{select}( \text{BEST} )$
- $s'' = \text{pathrelink}( s', t )$
- **endif**
- $\text{BEST} = \text{update}( \text{BEST}, s'' )$
- **if**(  $g( s'' ) > g( r )$  ) **then**  $r = s''$  **endif**

# Adaptívne iteračné konštrukčné hľadanie

- GRASP – absencia učenia
  - chýba väzba medzi výsledkom perturbačného prehľadávania a následnou konštrukciou
- Spätná väzba
  - forma súboru váh
  - váhy sú adaptované v každej iterácii
    - podľa komponentov tvoriacich dosiahnutého kandidáta
    - podľa kvality dosiahnutého kandidáta
- použiteľné aj bez perturbačného hľadania
- príklad: SWO (squeaky wheel optimization)

# Štruktúra AICS

- input:  $\pi$
- output:  $r \in S \mid \square$
- $r = \square$
- $g(r) = -\infty$
- $w = \text{initweights}()$
- **while not** term(  $s$  )
- $s = \text{construct}()$
- $s' = \text{localsearch}( s )$
- **if**(  $g( s' ) > g( r )$  ) **then**
- $r = s'$
- **endif**
- $w = \text{adaptweights}( s', w )$
- **endwhile**

```
if( valid(  $r$  ) ) then  
    return  $r$   
else  
    return  $\square$   
endif
```